

Документ подписан простой электронной подписью  
Информация о владельце:  
ФИО: Щёкина Вера Викторовна  
Должность: Ректор  
Дата подписания: 15.09.2024 10:14  
Уникальный программный идентификатор:  
a2232a55157e576521a899904190892a5398747047d11d0817c6434e17789



**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Федеральное государственное бюджетное образовательное  
учреждение высшего образования**

**«Благовещенский государственный педагогический университет»**

**ОСНОВНАЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНАЯ ПРОГРАММА  
Рабочая программа дисциплины**

**УТВЕРЖДАЮ**

**декан факультета физико-математи-  
ческого образования и технологии  
ФГБОУ ВО БГПУ**

**Н.В. Слесаренко  
«03» сентября 2024 г.**

**Рабочая программа дисциплины  
ОСНОВЫ КРИПТОГРАФИИ**

**Направление подготовки**

**02.03.03 – МАТЕМАТИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ И  
АДМИНИСТРИРОВАНИЕ ИНФОРМАЦИОННЫХ СИСТЕМ**

**Профиль**

**ТЕХНОЛОГИЯ ПРОГРАММИРОВАНИЯ**

**Уровень высшего образования  
БАКАЛАВРИАТ**

**Принята  
на заседании кафедры физического  
и математического образования  
(протокол № 9 от «24» мая 2024 г.)**

**Благовещенск 2024**

## СОДЕРЖАНИЕ

<b>1 ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА .....</b>	<b>3</b>
<b>2 УЧЕБНО-ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ .....</b>	<b>4</b>
<b>3 СОДЕРЖАНИЕ ТЕМ (РАЗДЕЛОВ) .....</b>	<b>5</b>
<b>4 МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ (УКАЗАНИЯ) ДЛЯ СТУДЕНТОВ ПО ИЗУЧЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ .....</b>	<b>6</b>
<b>5 ПРАКТИКУМ ПО ДИСЦИПЛИНЕ .....</b>	<b>8</b>
<b>6 ДИДАКТИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ КОНТРОЛЯ (САМОКОНТРОЛЯ) УСВОЕННОГО МАТЕРИАЛА.....</b>	<b>8</b>
<b>7 ПЕРЕЧЕНЬ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, ИСПОЛЬЗУЕМЫХ .....</b>	<b>20</b>
<b>В ПРОЦЕССЕ ОБУЧЕНИЯ .....</b>	<b>20</b>
<b>8 ОСОБЕННОСТИ ИЗУЧЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ ИНВАЛИДАМИ И ЛИЦАМИ С ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ .....</b>	<b>20</b>
<b>9 СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ И ИНФОРМАЦИОННЫХ РЕСУРСОВ .....</b>	<b>21</b>
<b>10 МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКАЯ БАЗА .....</b>	<b>21</b>
<b>11 ЛИСТ ИЗМЕНЕНИЙ И ДОПОЛНЕНИЙ .....</b>	<b>23</b>

## 1 ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

**1.1 Цель дисциплины:** обучение студентов, специализирующихся в области информационных систем, основам криптографии, позиционированию общематематических подходов к информационным технологиям, а также применению полученных знаний и навыков к решению ряда профессиональных задач.

**1.2 Место дисциплины в структуре ООП:** Дисциплина «Основы криптографии» относится к дисциплинам части, формируемой участниками образовательных отношений блока Б1 (Б.1. В.ДВ.01.01). Преподавание дисциплины связано с другими дисциплинами учебного плана: «Алгебра и теория чисел», «Математический анализ».

**1.3 Дисциплина направлена на формирование следующих компетенций:** ОПК-2, ПК-8:

- **ОПК-2.** Способен применять современный математический аппарат, связанный с проектированием, разработкой, реализацией и оценкой качества программных продуктов и программных комплексов в различных областях человеческой деятельности, **индикаторами** достижения которой является:

- **ОПК-2.1 - знает:** математические основы программирования и языков программирования, организации баз данных и компьютерного моделирования; математические методы оценки качества, надежности и эффективности программных продуктов; математические методы организации информационной безопасности при разработке и эксплуатации программных продуктов и программных комплексов;

- **ОПК-2.2 – умеет:** использовать этот аппарат в профессиональной деятельности;

- **ОПК-2.3 – имеет навыки:** применения данного математического аппарата при решении конкретных задач.

- **ПК-8.** Способен использовать современные методы разработки и реализации конкретных алгоритмов математических моделей на базе языков программирования и пакетов прикладных программ моделирования.

- **ПК-8.1.** Знает современные методы разработки и реализации алгоритмов математических моделей на базе языков и пакетов прикладных программ моделирования.

- **ПК-8.2.** Умеет разрабатывать и реализовывать алгоритмы математических моделей на базе языков и пакетов прикладных программ моделирования.

- **ПК-8.3.** Имеет практический опыт разработки и реализации алгоритмов их на базе языков и пакетов прикладных программ моделирования.

### **1.4 Перечень планируемых результатов обучения.**

**В результате изучения дисциплины студент должен**

**знать:**

- Основные криптосистемы;
- Математическое обоснование криптографии.

**уметь:**

- применять криптосистему Хилла;
- применять криптосистему Меркля-Хелмана;
- применять криптосистему Мессе-Омуре;
- применять криптосистему Диффи-Хелмана;
- применять криптосистему DES;
- применять криптосистему ГОСТ 28147-89.

**владеть:**

– навыками практического использования аппарата дисциплины при решении конкретных задач.

**1.5 Общая трудоемкость дисциплины «Основы криптографии»** составляет 3 зачетные единицы (далее – ЗЕ) (108 часов):

Программа предусматривает изучение материала на лекциях и лабораторных занятиях. Предусмотрена самостоятельная работа студентов по темам и разделам. Проверка знаний осуществляется фронтально, индивидуально.

## **1.6 Объем дисциплины и виды учебной деятельности**

### **Объем дисциплины и виды учебной деятельности (очная форма обучения)**

Вид учебной работы	Всего часов	Семестр
		5
Общая трудоемкость	108	108
Аудиторные занятия	60	60
Лекции	24	24
Практические занятия	36	36
Самостоятельная работа	48	48
Вид итогового контроля:		зачет

## **2 УЧЕБНО-ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ**

### **2.1 Очная форма обучения**

#### **Учебно-тематический план**

Наименование разделов и темы	Всего часов	Виды учебных занятий		
		Лекции	Практи- ческие	Самостоя- тельная работа
Тема 1. Основные понятия криптографии.	6	2	2	2
Тема 2. Простейшие методы шифрования с закрытым ключом. Криптосистема Хилла.	14	4	4	6
Тема 3. «Рюкзачная» криптосистема Меркля-Хеллмана	16	4	6	6
Тема 4. Криптосистема «навешивания замков» Мессе - Омуры	16	4	4	8
Тема 5. Криптосистема Диффи-Хеллмана.	12	2	4	6
Тема 6. Криптосистема на конечных полях.	12	2	4	6
Тема 7. Криптосистемы DES	12	2	4	6
Тема 8. Криптосистема ГОСТ 28147-89	10	2	4	4

Тема 9. Поточные шифры и генераторы псевдослучайных чисел.	10	2	4	4
Всего:	108	24	36	48

### Интерактивное обучение по дисциплине

Тема	Интерактивные формы занятий	Количество часов
Тема 2. Простейшие методы шифрования с закрытым ключом. Криптосистема Хилла.	работа в малых группах	2
Тема 3. «Рюкзачная» криптосистема Меркля-Хеллмана	работа в малых группах	2
Тема 4. Криптосистема «навешивания замков» Месси - Омур	работа в малых группах	2
Тема 5. Криптосистема Диффи-Хеллмана	работа в малых группах	2
Тема 6. Криптосистема на конечных полях	работа в малых группах	2
ВСЕГО		10

### 3 СОДЕРЖАНИЕ ТЕМ (РАЗДЕЛОВ)

#### Тема1. Основные понятия криптографии.

Предмет и задачи криптографии. Основные определения. Требования к криптографическим системам защиты информации. Реализация криптографических методов. Сведения из истории криптографии. Бинарное дерево Морзе. Криптографические атаки. Пример шифра.

#### Тема 2. Простейшие методы шифрования с закрытым ключом

Общая схема симметричного шифрования. Методы замены. Одноалфавитная замена. Криптосистема Хилла. Шифрование. Расшифрование. Атака на систему.

#### Тема 3. «Рюкзачная» криптосистема Меркля-Хеллмана

Задача об укладке рюкзака. Представление натурального числа суммой натуральных чисел. Рюкзачный набор. Свойство сверхрастущего набора. Нахождение обратного элемента в модулярной группе. Шифрование. Расшифрование. Атака на систему.

#### Тема 4. Криптосистема «навешивания замков» Месси - Омур

Остаток от степени по модулю. «Навешивание замка» как возведение в степень. Обратный элемент в модулярной группе. Шифрование. Расшифрование. Атака на систему.

#### Тема 5. Криптосистема Диффи-Хеллмана

Дискретное логарифмирование в полях Галуа. Открытый и закрытый клчи. Шифрование. Расшифрование. Атака на систему. Электронная подпись.

#### Тема 6. Криптосистема на конечных полях

Конечное поле. Неприводимые многочлены. Схема Яковкина. Структура мультипликативной группы поля. Обратный элемент. Шифрование. Расшифрование. Атака на систему.

### **Тема 7. Криптосистемы DES**

Перемешивание и рассеяние элементов блока с помощью таблиц. Переход между блоками. Шифрование. Расшифрование. Атака на систему.

### **Тема 8. Криптосистема ГОСТ 28147-89**

Эллиптические кривые. Операция сложения точек эллиптической кривой. Шифрование. Расшифрование. Атака на систему.

### **Тема 9. Поточные шифры и генераторы псевдослучайных чисел.**

Генераторы псевдослучайных чисел на основе сдвиговых регистров с обратной связью. Использование режимов OFB и CTR блочных шифров для получения псевдослучайных чисел. Алгоритм RC4. Генераторы настоящих случайных чисел в криптографии. Управление секретными ключами. Шифрование. Расшифрование. Атака на систему.

## **4 МЕТОДИЧЕСКИЕ РЕКОМЕНДАЦИИ (УКАЗАНИЯ) ДЛЯ СТУДЕНТОВ ПО ИЗУЧЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ**

### **4.1 Общие методические рекомендации**

Рабочая программа дисциплины призвана помочь студентам физико-математического факультета в организации самостоятельной работы по освоению дисциплины «Основы криптографии».

Согласно учебному плану организация учебной деятельности по дисциплине «Основы криптографии» предусматривает следующие формы: лекция, практические занятия. В содержании дисциплины большое внимание уделено новым направлениям криптографии, связанным с обеспечением конфиденциальности взаимодействия пользователей компьютеров и компьютерных сетей. Рассмотрены основные широко используемые блочные и поточные шифры, шифры с открытым ключом и методы цифровой (электронной) подписи. Уделено внимание отечественным государственным стандартам в области криптографической защиты информации.

### **4.2 Методические рекомендации по подготовке к лекциям**

Курс лекций строится на основе четких понятий и формулировок, так как только при таком подходе студенты приобретают культуру абстрактного мышления, необходимую для высококвалифицированного специалиста в любой отрасли знаний, а также на разборе типовых задач и алгоритмов их решения.

### **4.3 Методические рекомендации по подготовке к практическим занятиям**

При подготовке к практическим занятиям студент должен просмотреть конспекты лекций, рекомендованную литературу по данной теме; подготовиться к ответам на контрольные вопросы.

### **4.4 Методические указания к самостоятельной работе студентов**

В теме 1. Основные понятия криптографии определяются предмет и задачи криптографии, формулируются основополагающие определения курса и требования к криптографическим системам защиты информации, дается историческая справка об основных этапах развития криптографии как науки. Также рассматривается пример простейшего шифра, на основе которого поясняются сформулированные понятия и тезисы. В теме 2. Простейшие методы

шифрования с закрытым ключом рассматривается общая схема симметричного шифрования, а также дается классификация простейших методов симметричного шифрования. Описание каждого из указанных в классификации шифров сопровождается примером. Следует обратить внимание на нахождение обратной матрицы в криптосистеме Хилла.

В теме 3. «Рюкзачная» криптосистема Меркля-Хеллмана следует обратить внимание на задачу «о рюкзаке», свойство сверххрустющего набора. В теме 4. Криптосистема «навешивания замков» Мессе – Омуры следует обратить внимание на нахождение остатка от степени по модулю, операции «навешивания замка» как возведение в степень. В теме 5. Криптосистема Диффи-Хеллмана следует обратить внимание на дискретное логарифмирование в полях Галуа. В теме 6. Криптосистема на конечных полях следует обратить внимание на квадратичное расширение поля. Быстрое возведение в степень. Символы Лежандра и Якоби. В теме 7. Криптосистемы DES следует обратить внимание на понятия перемешивание и рассеяние элементов блока с помощью таблиц, переход между блоками. В теме 8. Криптосистемы ГОСТ 28147-89 следует обратить внимание на понятия перемешивание и рассеяние элементов блока с помощью таблиц, переход между блоками. В теме 9. Поточные шифры и генераторы псевдослучайных чисел. можно узнать, каким образом производится шифрование при передаче данных в режиме реального времени. Сформулированы принципы использования генераторов псевдослучайных ключей при потоковом шифровании. Рассматриваются некоторые простейшие генераторы псевдослучайных чисел: линейный конгруэнтный, генератор по методу Фибоначчи с запаздыванием, генератор псевдослучайных чисел на основе алгоритма BBS. Описание каждого из алгоритмов сопровождается примером, в котором поясняются особенности использования того или иного метода генерации псевдослучайных чисел.

#### **4.5 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине:**

1. Фонд оценочных средств.
2. Список литературы и информационных ресурсов.

#### **Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов по дисциплине**

<b>Наименование раздела (темы) дисциплины</b>	<b>Формы/виды самостоятельной работы</b>	<b>Количество часов, в соответствии с учебно-тематическим планом</b>
Тема1. Основные понятия криптографии	Подготовка к индивидуальному заданию. Выполнение индивидуального задания	2
Тема 2. Простейшие методы шифрования с закрытым ключом	Подготовка к индивидуальному заданию. Выполнение индивидуального задания	6
Тема 3. «Рюкзачная» криптосистема Меркля-Хеллмана	Подготовка к индивидуальному заданию. Выполнение индивидуального задания	6

Тема 4. Криптосистема «навешивания замков» Мессе - Омуры	Подготовка к индивидуальному заданию. Выполнение индивидуального задания	8
Тема 5. Криптосистема Диффи-Хеллмана	Подготовка к индивидуальному заданию. Выполнение индивидуального задания	6
Тема 6. Криптосистема на конечных полях	Подготовка к индивидуальному заданию. Выполнение индивидуального задания	6
Тема 7. Криптосистемы DES	Подготовка к индивидуальному заданию. Выполнение индивидуального задания	6
Тема 8. Криптосистема ГОСТ 28147-89	Подготовка к индивидуальному заданию. Выполнение индивидуального задания	4
Тема 9. Поточные шифры и генераторы псевдослучайных чисел.	Подготовка к индивидуальному заданию. Выполнение индивидуального задания	4
<b>Итого</b>		<b>48</b>

## 5 ПРАКТИКУМ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

### Практическое занятие №1 (2 часа)

#### **Тема1. Основные понятия криптографии.**

Предмет и задачи криптографии. Основные определения. Требования к криптографическим системам защиты информации. Реализация криптографических методов. Сведения из истории криптографии. Бинарное дерево Морзе. Криптографические атаки. Пример шифра

**Задания размещены в СЭО БГПУ.**

#### **Литература**

1. Введение в криптографию: Базовый курс для студ. математич. спец. вузов / ред. В. В. Яценко. – 3-е изд. – М. ; Харьков ; Минск; СПб. : Питер, 2001. – 287 с.
2. Введение в теоретико-числовые методы криптографии : учеб. пособие для студ. вузов / М. М. Глухов [и др.]. – СПб. ; М. ; Краснодар : Лань, 2011. - 394 с. – ISBN 978-5-8114-1116-0 10 экз.
3. Осипян, В.О. Криптография в задачах и упражнениях / В.О. Осипян, К.В. Осипян – М.: Гелиос АРВ, 2004

### Практическое занятие № 2,3 (4 часа)

#### **Тема 2. Простейшие методы шифрования с закрытым ключом**

Общая схема симметричного шифрования. Методы замены. Одноалфавитная замена. Криптосистема Хилла. Шифрование. Расшифрование. Атака на систему.



**Задания размещены в СЭО БГПУ.**

#### **Литература**

1. Введение в криптографию: Базовый курс для студ. математич. спец. вузов / ред. В. В. Ященко. - 3-е изд. - М. ; Харьков ; Минск; СПб. : Питер, 2001. - 287 с.
2. Смолин, Ю.Н. Алгебра и теория чисел: учеб. пособие для студ.вузов / Ю.Н. Смолин. – М.: Флинта: Наука, 2006. – 463 с.
3. <http://www.intuit.ru/studies/courses/691/547/literature> Основы криптографии

#### **Практическое занятие № 4,5,6 (6 часов)**

##### **Тема 3. «Рюкзачная» криптосистема Меркля-Хеллмана**

Задача об укладке рюкзака. Представление натурального числа суммой натуральных чисел. Рюкзачный набор. Свойство сверхрастущего набора. Нахождение обратного элемента в модулярной группе. Шифрование. Расшифрование. Атака на систему.

**Задания размещены в СЭО БГПУ.**

#### **Литература**

1. Маховенко, Елена Борисовна. Теоретико-числовые методы в криптографии : учеб. пособие для студ. вузов / Е. Б. Маховенко. – М.: Гелиос АРВ, 2006. – 318, [1] с.
2. Введение в теоретико-числовые методы криптографии : учеб. пособие для студ. вузов / М. М. Глухов [и др.]. – СПб. ; М. ; Краснодар : Лань, 2011. – 394 с. – ISBN 978-5-8114-1116-0 10 экз.

#### **Практическое занятие № 7,8 (4 часа)**

##### **Тема 4. Криптосистема «навешивания замков» Месси - Омур**

Остаток от степени по модулю. «Навешивание замка» как возведение в степень. Обратный элемент в модулярной группе. Шифрование. Расшифрование. Атака на систему.

**Задания размещены в СЭО БГПУ.**

#### **Литература**

1. Осипян, В.О. Криптография в задачах и упражнениях / В.О. Осипян, К.В. Осипян – М.: Гелиос АРВ, 2004
2. Элементы криптографии. Основы теории защиты информации / Нечаев В.И. – М.: Высш. шк., 1999. – 108 с.
3. <http://alexinternetclit.ru/Kriptograf.php> Современные подходы к построению криптографических методов

#### **Практическое занятие № 9, 10 (4 часа)**

##### **Тема 5. Криптосистема Диффи-Хеллмана**

Дискретное логарифмирование в полях Галуа. Открытый и закрытый ключи. Шифрование. Расшифрование. Атака на систему. Электронная подпись.

**Задания размещены в СЭО БГПУ.**

#### **Литература**

1. Введение в криптографию: Базовый курс для студ. математич. спец. вузов / ред. В. В. Ященко. – 3-е изд. – М. ; Харьков ; Минск; СПб. : Питер, 2001. – 287 с.

2. Введение в теоретико-числовые методы криптографии : учеб. пособие для студ. вузов / М. М. Глухов [и др.]. – СПб. ; М. ; Краснодар : Лань, 2011. – 394 с. – ISBN 978-5-8114-1116-0 10 экз.
3. Осипян, В.О. Криптография в задачах и упражнениях / В.О. Осипян, К.В. Осипян – М.: Гелиос АРВ, 2004

### **Практическое занятие № 11, 12 (4 часа)**

#### **Тема 6. Криптосистема на конечных полях**

Конечное поле. Неприводимые многочлены. Схема Яковкина. Структура мультипликативной группы поля. Обратный элемент. Шифрование. Расшифрование. Атака на систему.

**Задания размещены в СЭО БГПУ.**

#### **Литература**

1. Введение в криптографию: Базовый курс для студ. математич. спец. вузов / ред. В. В. Яценко. - 3-е изд. - М. ; Харьков ; Минск; СПб. : Питер, 2001. - 287 с.
2. Смолин, Ю.Н. Алгебра и теория чисел: учеб. пособие для студ.вузов / Ю.Н. Смолин. – М.: Флинта: Наука, 2006. – 463 с.
3. Вернер, М. Основы кодирования: Пер. с нем. / М. Вернер. – М.: ТЕХНОСФЕРА, 2004. – 288 с.
4. Золотарев, В.В. Помехоустойчивое кодирование. Методы и алгоритмы. Справочник. / В.В. Золотарев, Г.В. Овечкин – М.: Горячая линия – Телеком, 2004. – 126 с.

### **Практическое занятие №13, 14 (4 часа)**

#### **Тема 7. Криптосистемы DES**

Перемешивание и рассеяние элементов блока с помощью таблиц. Переход между блоками. Шифрование. Расшифрование. Атака на систему.

**Задания размещены в СЭО БГПУ.**

#### **Литература**

1. <http://alexinternetclit.ru/Kriptograf.php> Современные подходы к построению криптографических методов
2. <http://www.intuit.ru/studies/courses/691/547/literature> Основы криптографии

### **Практическое занятие № 15, 16 (4 часа)**

#### **Тема 8. Криптосистема ГОСТ 28147-89**

Эллиптические кривые. Операция сложения точек эллиптической кривой. Шифрование. Расшифрование. Атака на систему.

**Задания размещены в СЭО БГПУ.**

#### **Литература**

1. Элементы криптографии. Основы теории защиты информации / Нечаев В.И. – М.: Высш. шк., 1999. – 108 с.
2. <http://alexinternetclit.ru/Kriptograf.php> Современные подходы к построению криптографических методов
3. <http://www.intuit.ru/studies/courses/691/547/literature> Основы криптографии

## Практическое занятие №17, 18 (4 часа)

### Тема 9. Поточные шифры и генераторы псевдослучайных чисел.

Генераторы псевдослучайных чисел на основе сдвиговых регистров с обратной связью.

Использование режимов OFB и CTR блочных шифров для получения псевдослучайных чисел. Алгоритм RC4. Генераторы настоящих случайных чисел в криптографии.

Управление секретными ключами. Шифрование. Расшифрование. Атака на систему.

Задания размещены в СЭО БГПУ.

#### Литература

1. Золотарев, В.В. Помехоустойчивое кодирование. Методы и алгоритмы. Справочник. / В.В. Золотарев, Г.В. Овечкин – М.: Горячая линия – Телеком, 2004. – 126с.
2. Элементы криптографии. Основы теории защиты информации / Нечаев В.И. – М.: Высш. шк., 1999. – 108 с.
3. <http://alexinternetclit.ru/Kriptograf.php> Современные подходы к построению криптографических методов

## 6 ДИДАКТИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ КОНТРОЛЯ (САМОКОНТРОЛЯ) УСВОЕННОГО МАТЕРИАЛА

### 6.1 Оценочные средства, показатели и критерии оценивания компетенций

Индекс компетенции	Оценочное средство	Показатели оценивания	Критерии оценивания сформированности компетенций
ОПК-2	индивидуальное задание	Низкий (не зачтено)	задания, размещенные в Электронной информационно-образовательной среде БГПУ выполнены менее чем на 60 процентов
		Пороговый (зачтено)	задания, размещенные в Электронной информационно-образовательной среде БГПУ выполнены на 60 и более процентов

### 6.2 Промежуточная аттестация студентов по дисциплине

Промежуточная аттестация является проверкой всех знаний, навыков и умений студентов, приобретённых в процессе изучения дисциплины. Формой промежуточной аттестации по дисциплине является зачёт.

Для оценивания результатов освоения дисциплины применяется следующие критерии оценивания.

#### Критерии оценивания индивидуального задания

Индивидуальное задание студенту засчитывается если: студент, предоставил верно решенное задание разместив его СЭО

## Критерии оценивания на зачете

Оценка «зачтено» ставится студенту, если

- 1) теоретические вопросы индивидуальных заданий изложены полно, математически грамотно, логически верно, без существенных ошибок,
- 2) показано умение иллюстрировать теоретические положения конкретными примерами,
- 3) правильно, и грамотно решены задачи, индивидуальных заданиях, может быть при решении допускаются незначительные ошибки,
- 4) продемонстрирована сформированность компетенций.

Оценка «не зачтено» ставится, если студент

- 1) не раскрыл основное содержание теоретического материала, не расшифровал большую часть текста,
- 2) или показывает незнание или непонимание наиболее важной части учебного теоретического материала,
- 3) или допущены ошибки в изложении теоретических вопросов, и они не исправлены после нескольких наводящих вопросов,
- 4) не сформированы компетенции,

### 6.3 Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки результатов освоения дисциплины

#### Индивидуальное задание №1.

Составить по ключевому слову матрицу Хилла, найти обратную и прочитать шифр

	матрица	Шифр	текст
Вариант 1	сколько ?	уад?ьузэклюзайбв?н	В этом нет сомнения
Вариант 2	приветили	нёяижсгшгбьойгиюцдз,аааа	когда обрывается лента
Вариант 3	воробейка	ю?яяги, уынфжвш	выгодное дельце
Вариант 4	позвольте	мел,яыэьэщямхдфй,ё	дело о звёздочке
Вариант 5	хлестаков	Пшпимгрбётрьёбёчщс	если дорога жизнь

#### Индивидуальное задание №2.

С использованием кодировки алфавита расшифровать по системе Меркла-Хеллмана

0	пробел	0	0	0	0	0
1	А	0	0	0	0	1
2	В	0	0	0	1	0
3	С	0	0	0	1	1

Вариант 1												
шифр	4945			3860	3619	3399	3775	4988	3291	3478		
рюк-зайный набор	47			141	282	564	1128	2209	1552	661	1322	2127

модуль	2913				держим в тайне							
ключ шифрования				47								
Вариант 2												
шифр	1388			3047	2312	3644	1988	990				
рюк-зайный набор	33			66	132	297	561	1155	430	827	104	1758
модуль	1913				держим в тайне							
ключ шифрования				33								
Вариант 3												
шифр	1258			1104	3078	1132	1740					
рюк-зайный набор	29			58	145	261	551	1131	291	553	1251	502
модуль	1942				держим в тайне							
ключ шифрования				29								
Вариант 4												
шифр	4336			1774	2019	622	2556	2641	216			
рюк-зайный набор	36			72	180	396	756	1548	289	974	1552	333
модуль	2771				держим в тайне							
ключ шифрования				36								

### ИНДИВИДУАЛЬНОЕ ЗАДАНИЕ 3

С использованием кодировки алфавита расшифровать по системе «навешивания замков» Месси - Омуры

Вариант 1.									
модуль	167								
ключ шифрования 1	17								
ключ шифрования 2	19								
цифр	120	19	1	16	52	150			
Вариант 2.									
модуль	257								
ключ шифрования 1	23								
ключ шифрования 2	5								
цифр	193	140	143	237	96				
Вариант 3.									
модуль	347								
ключ шифрования 1	7								
ключ шифрования 2	17								
цифр	298	50	280	1	268	241			
Вариант 4.									
модуль	211								
ключ шифрования 1	23								
ключ шифрования 2	13								
цифр	24	143	21	36	48	196			
Вариант 5.									
модуль	173								
ключ шифрования 1	5								
ключ шифрования 2	3								
цифр	23	78	123	19	70	1	62	159	

### ИНДИВИДУАЛЬНОЕ ЗАДАНИЕ 4

С использованием кодировки алфавита расшифровать по криптосистеме Диффи- Хеллмана

1.								
модуль	209							
ключ шифрования 1	13							
цифр	160	25	189	25	192	178		
2.								
модуль	95							
ключ шифрования 1	7							
цифр	2	71	88	20	71	37		
3.								
модуль	391							
ключ шифрования 1	9							
цифр	62	83	35	235	144	83	343	80
4.								
модуль	851							
ключ шифрования 1	5							
цифр	1	144	144	1	348	572	340	
5.								
модуль	667							
ключ шифрования 1	9							
цифр	149	90	107	288	1	183	149	288

### ИНДИВИДУАЛЬНОЕ ЗАДАНИЕ 5

Задания на криптосистему Эль Гамала

1.									
модуль	47251								
секретный ключ x	7525								
первообразный корень g	10								
сессионный ключ k	9								
цифр	a	27087	27087	27087	27087	27087	27087	27087	27087
	b	20466	24380	503	10233	20969	30699	3914	503

2.									
модуль	51853								
секретный ключ $x$	1131								
первообразный корень $g$	11								
сессионный ключ $k$	19								
шифр	a	16928	16928	16928	16928	16928	16928	16928	16928
	b	7441	37205	156	15038	22323	156	234	37205
3.									
модуль	63691								
секретный ключ $x$	54771								
первообразный корень $g$	15								
сессионный ключ $k$	23								
шифр	a	23375	23375	23375	23375	23375	23375	23375	23375
	b	23526	21088	16212	49490	42176	61253	53939	61253
4.									
модуль	46489								
секретный ключ $x$	25778								
первообразный корень $g$	29								
сессионный ключ $k$	13								
шифр	a	5240	5240	5240	5240	5240	5240	5240	5240
	b	780	975	585	3510	975	195	3705	975
5.									
модуль	48649								
секретный ключ $x$	10727								
первообразный корень $g$	7								
сессионный ключ $k$	17								
шифр	a	41425	41425	41425	41425	41425	41425	41425	41425
	b	30267	28524	23770	21393	30267	39775	634	39775



## ИНДИВИДУАЛЬНОЕ ЗАДАНИЕ 6

### Расшифровать по криптосистеме DES

Вариант 1

1	0	1	0	0	1	1	0
1	0	1	1	1	1	0	0
0	1	0	0	0	0	1	1
0	1	1	0	1	1	0	1
0	1	1	1	0	0	0	1
0	0	1	0	0	1	1	0
1	0	0	1	0	1	1	0
0	0	0	1	0	0	1	0

Вариант 2

1	0	1	0	0	0	1	0
1	0	1	0	0	0	1	0
0	1	0	0	0	1	0	1
0	1	1	0	1	1	1	0
1	1	1	0	0	0	0	1
0	0	1	0	1	1	1	1
1	0	0	0	1	1	0	0
1	0	0	1	1	0	0	1

Вариант 3

1	1	0	0	1	0	0	0
0	0	1	1	0	0	0	0
0	1	0	1	1	0	0	0
0	1	1	1	0	1	1	0
0	0	0	1	0	0	1	0

1	1	0	0	0	1	1	0
0	0	1	1	1	0	1	0
0	1	0	1	0	0	0	1

1.

0	0	0	0	0	1	1	0
1	0	0	1	0	0	0	0
0	1	0	0	1	0	0	0
0	0	1	1	0	1	1	0
1	1	0	0	1	0	1	0
1	0	0	0	1	1	1	0
0	1	0	0	1	0	1	1
1	1	1	0	1	0	1	1

2.

1	0	1	1	1	1	0	0
1	0	1	0	1	1	0	1
0	1	0	0	0	0	1	0
0	1	1	0	0	1	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0
1	1	0	1	1	1	0	0
0	1	0	1	0	1	1	1
1	0	0	0	1	0	0	1

3.

1	1	1	1	0	0	0	0
0	0	1	1	0	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0	1

0	1	1	1	0	1	0	0
0	0	1	1	1	1	1	0
0	0	1	0	1	1	0	1
1	0	1	1	0	0	1	1
1	1	0	1	0	1	0	1

4.

0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1	0	1
0	0	0	1	1	0	1	1
0	0	0	1	0	0	1	1
1	1	1	1	1	1	0	0
1	1	0	0	1	0	1	1
1	1	0	1	0	0	0	0

5.

1	0	0	1	1	1	0	0
0	0	0	1	1	0	0	0
0	0	1	0	1	0	0	0
0	0	0	1	0	0	0	1
0	0	1	1	1	0	1	0
1	0	1	1	0	1	1	0
1	0	1	0	1	0	1	0
1	0	0	1	0	1	1	0

### 6.3.2 Программа зачета

1 Предмет и задачи криптографии. Основные определения. Требования к криптографическим системам защиты информации.

- 2 Сведения из истории криптографии.
- 3 Бинарное дерево Морзе.
- 4 Криптосистема Хилла.
- 5 «Рюкзачная» криптосистема Меркля-Хеллмана. Задача об укладке рюкзака. Представление натурального числа суммой натуральных чисел. Рюкзачный набор. Свойство сверхрастающего набора. Нахождение обратного элемента в модулярной группе.
- 6 Криптосистема «навешивания замков» Месси - Омуры. Остаток от степени по модулю. «Навешивание замка» как возведение в степень. Обратный элемент в модулярной группе.
- 7 Криптосистема Диффи-Хеллмана. Дискретное логарифмирование в полях Галуа. Открытый и закрытый ключи. Электронная подпись.
- 8 Криптосистема Уильямса. Квадратичное расширение поля. Быстрое возведение в степень. Символы Лежандра и Якоби.
- 9 Криптосистемы DES, ГОСТ 28147-89. Перемешивание и рассеяние элементов блока с помощью таблиц. Переход между блоками.
- 10 Поточные шифры и генераторы псевдослучайных чисел. Генераторы псевдослучайных чисел на основе сдвиговых регистров с обратной связью.

## **7 ПЕРЕЧЕНЬ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, ИСПОЛЬЗУЕМЫХ В ПРОЦЕССЕ ОБУЧЕНИЯ**

**Информационные технологии** – обучение в электронной образовательной среде с целью расширения доступа к образовательным ресурсам, увеличения контактного взаимодействия с преподавателем, построения индивидуальных траекторий подготовки, объективного контроля и мониторинга знаний студентов.

В образовательном процессе по дисциплине используются следующие информационные технологии, являющиеся компонентами Электронной информационно-образовательной среды БГПУ:

- Официальный сайт БГПУ;
- Корпоративная сеть БГПУ;
- Система электронного обучения ФГБОУ ВО «БГПУ»;
- Электронные библиотечные системы;
- Мультимедийное сопровождение лекций и практических занятий.

## **8 ОСОБЕННОСТИ ИЗУЧЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ ИНВАЛИДАМИ И ЛИЦАМИ С ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ**

При обучении лиц с ограниченными возможностями здоровья применяются адаптивные образовательные технологии в соответствии с условиями, изложенными в раздел «Особенности организации образовательного процесса по образовательным программам для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья» основной образовательной программы (использование специальных учебных пособий и дидактических материалов, специальных технических средств обучения коллективного и индивидуального пользования, предоставление услуг ассистента (помощника), оказывающего обучающимся необходимую техническую помощь и т.п.) с учётом индивидуальных особенностей обучающихся.

## 9 СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ И ИНФОРМАЦИОННЫХ РЕСУРСОВ

### 9.1 Литература

1. Васильева, И. Н. Криптографические методы защиты информации : учебник и практикум для вузов / И. Н. Васильева. – Москва : Издательство Юрайт, 2022. – 349 с. – (Высшее образование). – ISBN 978-5-534-02883-6. – Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. – URL: <https://urait.ru/bcode/489919> (дата обращения: 10.10.2022).
2. Введение в криптографию: Базовый курс для студ. математич. спец. вузов / ред. В. В. Яценко. – 3-е изд. – М. ; Харьков ; Минск; СПб. : Питер, 2001. – 287 с. (9 экз.)
3. Введение в теоретико-числовые методы криптографии : учеб. пособие для студ. вузов / М. М. Глухов [и др.]. – СПб. ; М. ; Краснодар : Лань, 2011. – 394 с. – ISBN 978-5-8114-1116-0 (10 экз.)
4. Нечаев В.И. Элементы криптографии. Основы теории защиты информации / Нечаев В.И. – М. : Высш. шк., 1999. – 108 с. (20 экз.)
5. Молдовян, А.А. Криптография : учеб. пособие / А. А. Молдовян, Н. А. Молдовян, Б. Я. Советов. – СПб. : Лань, 2001. – 218 с. (10 экз.)

### 9.2 Базы данных и информационно-справочные системы

1. Федеральный портал «Российское образование» – Режим доступа : <http://www.edu.ru>
2. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» – Режим доступа : <http://www.window.edu.ru>
3. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов – Режим доступа : <http://fcior.edu.ru>
4. Сайт Федеральной службы по интеллектуальной собственности, патентам и товарным знакам (Роспатента). – Режим доступа : <http://www.fips.ru/rospatent/index.htm>

### 9.3 Электронно-библиотечные ресурсы

1. ЭБС «Юрайт». – Режим доступа : <https://urait.ru>
2. Полпред (обзор СМИ). – Режим доступа : <https://polpred.com/news>

## 10 МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКАЯ БАЗА

Для проведения занятий лекционного и семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации используются аудитории, оснащённые учебной мебелью, аудиторной доской в том числе интерактивной, компьютером(рами) с установленным лицензионным специализированным программным обеспечением, коммутатором для выхода в электронно-библиотечную систему и электронную информационно-образовательную среду ФГБОУ ВО «БГПУ», мультимедийными проекторами, экспозиционными экранами, учебно-наглядными пособиями (стенды, таблицы, мультимедийные презентации, видео материалы). Самостоятельная работа студентов организуется в аудиториях оснащенных компьютерной техникой с выходом в электронную информационно-образовательную среду вуза, в специализированных лабораториях по дисциплине, а также в залах доступа в локальную сеть БГПУ, в лаборатории психолого-педагогических исследований и др.

Лицензионное программное обеспечение: операционные системы семейства Windows, Linux; офисные программы Microsoft office, Libreoffice, OpenOffice; Adobe Photoshop, Matlab, DrWeb antivirus, компьютерная программа TMashine и т.д.

Разработчик: Алутин П.П., кандидат физико-математических наук, доцент

## **11 ЛИСТ ИЗМЕНЕНИЙ И ДОПОЛНЕНИЙ**

**Утверждение изменений в рабочей программе дисциплины для реализации в 2025/2026 уч. г.**

Рабочая программа дисциплины пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2025/2026 уч. г. на заседании кафедры физического и математического образования (протокол № 9 от «21» мая 2025 г.).